

- [1] К о с ч H.W., М о т з J.W. // Rev. Mod. Phys. 1959. V. 31. N 4. P. 920.
- [2] Комар А.П., Круглов С.П., Лопатин И.В. Измерение полной энергии пучков тормозного излучения от электронных ускорителей. Л.: Наука, 1972. 174 с.
- [3] Морожовский В.Л., Касилов В.И., Коваленко Г.Д., Фисун А.Н. // ПТЭ. 1973. № 3. С. 36.
- [4] Lutz G., Timm U.Z. // Naturf. 1966. V. 21a. P. 1976.
- [5] Бочек Г.Л., Вилько В.И., Гришаев И.А. и др. // Вопросы атомной науки и техники. Серия: Общая и ядерная физика. ХФТИ, 1978. В. 1(1). С. 71.

Харьковский
физико-технический
институт АН УССР

Поступило в Редакцию
18 ноября 1988 г.

Письма в ЖТФ, том 15, вып. 3

12 февраля 1989 г.

МУЛЬТИСТАБИЛЬНЫЕ СОСТОЯНИЯ ДИССИПАТИВНО СВЯЗАННЫХ ФЕЙГЕНБАУМОВСКИХ СИСТЕМ

В.В. Астахов, Б.П. Безручко,
Ю.В. Гуляев, Е.П. Селезнев

В последнее время большое внимание уделяется исследованию динамики связанных систем, каждая из которых демонстрирует переход к хаосу через каскад удвоений периода [1-5]. Универсальные свойства подобия, присущие индивидуальному объекту (фейгенбаумская система), имеют место и в связанных системах [2, 3]. Помимо движений с удвоенным периодом, взаимодействие порождает квазипериодические режимы с последующим их разрушением [1], не реализуемые в отдельной фейгенбаумской системе. Для таких широко распространенных универсальных систем важно иметь полную картину поведения, связывающую воедино различные проявления взаимодействия. В данной работе подобная картина построена для двух диссипативно связанных фейгенбаумовских систем [2] с дискретной группой симметрии по отношению к временному сдвигу [6]. Численно и экспериментально исследуются закономерности в эволюции регулярных и хаотических режимов.

Для логистических отображений диссипативный тип связи в смысле [2] имеет вид

$$\begin{aligned} x_{n+1} &= \lambda - x_n^2 + k(x_n^2 - y_n^2), \\ y_{n+1} &= \lambda - y_n^2 + k(y_n^2 - x_n^2), \end{aligned} \quad (1)$$

где x_n, y_n – динамические переменные, λ – параметр нелинейности, k – параметр связи. Согласно результатам работы [10], динамика системы (1) сходна с динамикой экспериментальной системы (в определенной области значений параметров и начальных условий) из двух резистивно связанных нелинейных колебательных контуров, синфазно возбуждаемых гармоническими сигналами. В качестве объектов экспериментального и численного исследования выберем эти две системы. Экспериментальная установка и динамика одиночного радиотехнического осциллятора подробно описаны в работах [9, 10]. При численном исследовании использовались комплексы программ [7, 8]. Учитывая, что полученные здесь результаты численного счета и физического эксперимента находятся в хорошем соответствии, проводить разграничение между ними в дальнейшем изложении не будем. Отметим только, что параметру λ системы (1) в эксперименте соответствует амплитуда внешнего гармонического воздействия, параметру k – проводимость резистора связи, шагу итераций (T) – период внешнего воздействия.

Анализ поведения связанных систем базируется на классификации возможных видов колебаний в вырожденном случае нулевой связи, заключающейся в следующем. С увеличением параметра λ каждая из подсистем демонстрирует каскад бифуркаций удвоения периода. По отношению друг к другу подсистемы могут колебаться либо синфазно, либо с фазовым сдвигом на величину кратную T . Чтобы охарактеризовать поведение системы в целом, следует указать не только период, но и величину сдвига между колебаниями в подсистемах. Таким образом, каждый режим колебаний с периодом $2^n T$ может быть реализован 2^n способами, отличающимися друг от друга величиной сдвига между временными реализациями колебаний в подсистемах на $\Delta t = mT$, где $m = 0, 1, 2, \dots, 2^n - 1$, $n = 0, 1, \dots$. Режимы, соответствующие разным конкретным m , будем классифицировать как различные виды колебаний. Эволюция синфазных режимов ($m = 0$) в системе (1) и нелинейных колебательных контурах детально изучена в работах [2, 10].

На рис. 1 схематически показана эволюция различных видов колебаний при изменении λ и малом фиксированном k . Сплошные линии соответствуют устойчивым режимам, штриховые – неустойчивым. Точками показаны бифуркационные переходы. Символы около линий означают: $2^n T^m$ – цикл периода $2^n T$ вида номер m , $2^n B^m - 2^n$ – ленточный хаотический атTRACTOR на базе вида колебаний номера m .¹ Поясним узловые моменты этой схемы. На ней выделены четыре ветви: А, Б, В, Г. Ветвь А соответствует эволюции синфазных режимов ($m = 0$), Б, В, Г – несинфазных режимов ($m \neq 0$). Последовательность удвоений синфазных циклов завершается возникновением синфазного фейгенбаумовского хаоса. Значения λ ,

¹ Виды колебаний периода $2^n T$ с положительными номерами m и отрицательными ($m = -2^n$) тождественны.

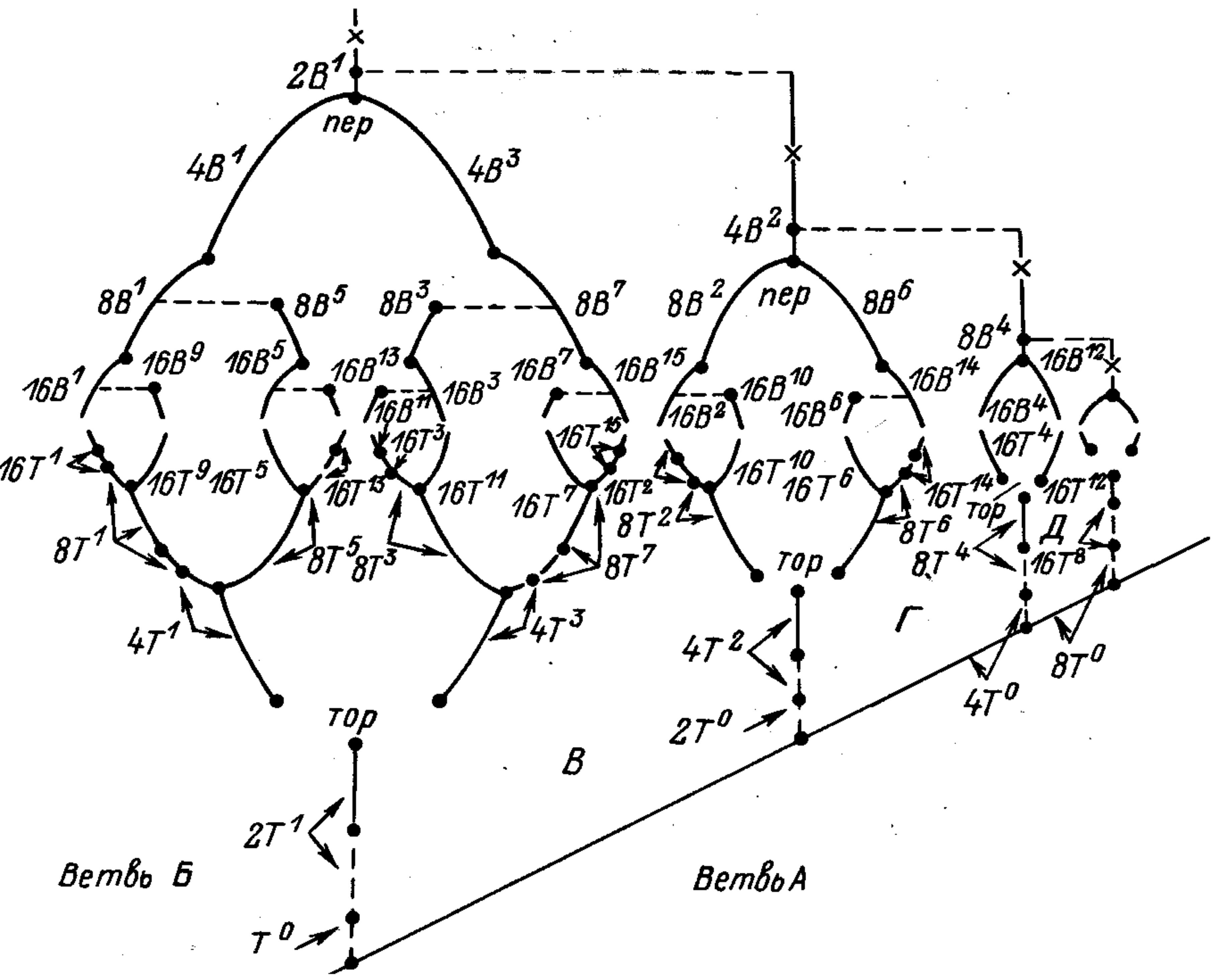
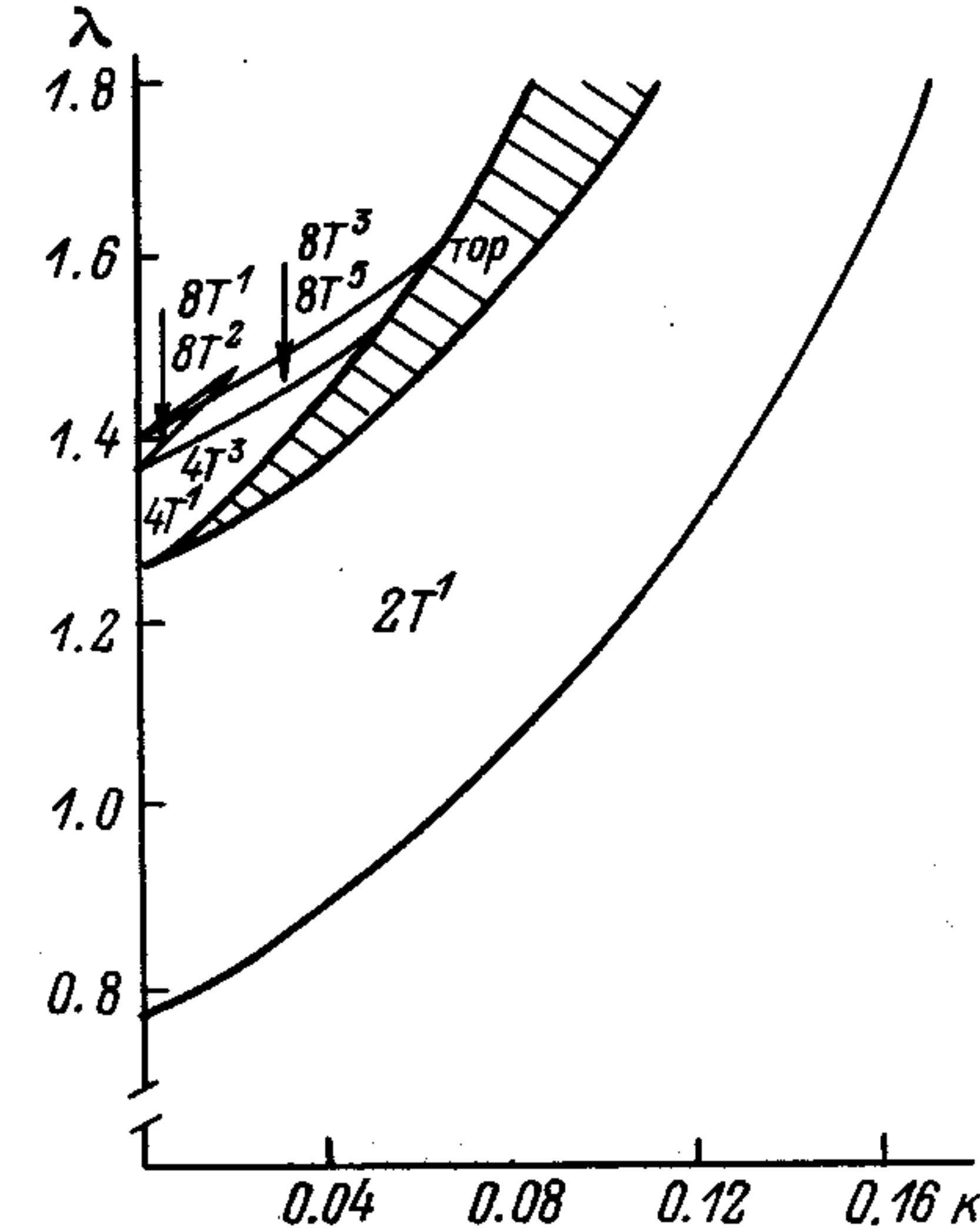


Рис. 1. Схема эволюции различных видов колебаний при изменении λ и фиксированном $k = 0,002$.

при которых происходят бифуркации удвоений синфазных циклов в связанной системе, точно совпадают с соответствующими бифуркационными значениями в индивидуальной системе. На схеме в точках ветвления исходный цикл теряет устойчивость, в его окрестности рождается устойчивый цикл удвоенного периода. С увеличением λ потерявший устойчивость цикл еще раз претерпевает бифуркацию удвоения периода, возникает неустойчивый цикл, который в дальнейшем также становится устойчивым. В результате каждый из синфазных циклов порождает свою ветвь несинфазных режимов (Б, В, Г, ...). Для несинфазных циклов, родившихся из синфазных ($2T^1$, $4T^2$, $8T^4$, ... на ветвях Б, В, Г, ..., соответственно), обязательно имеет место бифуркация рождения тора. В результате синхронизации движения на торе возникают пары циклов (на ветви Б - $4T^1$ и $4T^3$, на В - $8T^2$ и $8T^6$, на Г - $16T^4$ и $16T^{12}$, ...). Квазиперио-

Рис. 2. Области существования устойчивых циклов, соответствующих несинфазным видам колебаний. ветви Б.

Описанная картина поведения сохраняется не при всех значениях k . На плоскости управляющих параметров $\lambda - k$ (рис. 2) построены линии бифуркационных значений циклов соответствующих несинфазным видам колебаний ветви Б. Области существования видов колебаний помечены теми же символами, что и на рис. 1. Цикл $2T^1$ с увеличением λ претерпевает бифуркацию рождения тора. На линию рождения тора опираются языки синхронизации с различными рациональными числами вращения (на рисунке не показано). Циклы $4T^1$ и $4T^3$ также возникают в результате синхронизации движения на торе. Реализация каждого из них зависит от выбора начальных условий. Линии седло-узловых бифуркаций циклов $4T^1$ и $4T^3$ совпадают и опираются на линию рождения тора в точке $k=0$. Другие циклы возникают в результате бифуркаций удвоения периода. Изображенные на рис. 2 линии бифуркационных значений для циклов только одной ветви уже показывают, что схема эволюции видов колебаний (рис. 1) с увеличением k будет упрощаться. При доста-



точно больших k остается только одна ветвь синфазных режимов. Проведенная классификация возможных видов колебаний в вырожденном случае нулевой связи позволяет продвинуться вперед в построении полной картины поведения двух диссипативно связанных фейгенбаумовских систем с дискретной группой симметрии по отношению к временному сдвигу. Схема эволюции видов колебаний (рис. 1) связывает воедино различные проявления взаимодействия: возникновение качественно новых режимов и сохранение свойств отдельной системы. Во взаимодействующих системах сохраняются масштабно-инвариантные свойства индивидуального объекта. Значения, при которых происходят бифуркации удвоения и переход к хаосу для синфазных видов колебаний, точно совпадают с соответствующими бифуркационными значениями в отдельной фейгенбаумовской системе. Кроме того, проявляются свойства подобия между ветвями (Б, В, Г, ...) несинфазных видов колебаний, включая и квазипериодические движения, что видно из рис. 1.

Выражаем признательность С.П. Кузнецovу за полезное обсуждение работы.

Л и т е р а т у р а

- [1] Капеко К. Collaps of tori and genesis of chaos in dissipative system. World Scientific, 1986. 264 р.
- [2] Кузнецов С.П. // Изв. вузов, Радиофизика. 1985. Т. 28. С. 991-1007.
- [3] Безручко Б.П., Гуляев Ю.В., Кузнецов С.П., Селезнев Е.П. // ДАН СССР. 1986. Т. 287. № 3. С. 619-622.
- [4] Рисовский А.С. // Z. Phys. B. 1984. V. 55. P. 149.
- [5] Анищенко В.С., Арансон И.С., Постнов Д.Э., Рабинович М.И. // ДАН СССР. 1986. Т. 286. № 5. С. 1120-1124.
- [6] Пиковский А.С. // Изв. вузов, Радиофизика. 1986. Т. 29. С. 1438-1446.
- [7] Хибиник А.И. Алгоритмы и программы на ФОРТРАНЕ. Материалы по математическому обеспечению ЭВМ. В. 5. Пущино, НЦБИ АН СССР, 1979.
- [8] Анищенко В.С., Сафонова М.А. Алгоритмы и программы. Информационный бюллетень ГОСФАП. 1986. № 2(71). С. 32.
- [9] Астахов В.В., Безручко Б.П., Селезнев Е.П. // Радиотехника и электроника. 1987. Т. 32. С. 2558-2566.
- [10] Астахов В.В., Безручко Б.П., Пономаренко В.И., Селезнев Е.П. // Изв. вузов, Радиофизика. 1988. Т. 31. С. 627-630.

[11] Астахов В.В., Безручко Б.П., Селезнев Е.П. // Письма в ЖТФ. 1988. Т. 14. С. 37-41.

Институт радиотехники
и электроники АН СССР
(Саратовский филиал)

Поступило в Редакцию
20 октября 1988 г.

Письма в ЖТФ, том 15, вып. 3

12 февраля 1989 г.

02; 07

КВАЗИНЕПРЕРЫВНЫЙ ЛАЗЕР НА ПЕРЕХОДЕ $C^3\pi_u - B^3\pi_g$ МОЛЕКУЛЯРНОГО АЗОТА

Б.М. Беркелиев, В.А. Долгих,
И.Г. Рудой, А.Ю. Самарин,
А.М. Сорока, В.Ф. Суховерхов

В настоящей работе приведены результаты первых исследований временных и энергетических характеристик квазинепрерывного лазера на „самоограниченном“ переходе $C^3\pi_u = 0 - B^3\pi_g = 1$ ($\lambda \approx 358$ нм) второй положительной системы N_2 , возбуждаемого электронным пучком.

Быстрый ($\leq 1-3$ нс) обмен энергией между состояниями $B_{v=1}$, $W_{v=1}$ и $A_{v=2}$ молекулы азота при столкновениях с Ar и N_2 [1, 2] в характерных лазерных смесях [3-5] обеспечивает увеличение эффективного статистического веса нижнего лазерного уровня $B^3\pi_g = 1$ в 15-20 раз. Это позволило нам реализовать квазинепрерывную генерацию на $\lambda = 358$ нм при включении в состав активной среды небольшой примеси NO . Достаточная $\geq (0.5-1) \cdot 10^8$ с⁻¹ частота дезактивации нижнего лазерного состояния достигается уже при давлении $NO \approx 1$ Тор (см. рис. 1, а). При этом скорость опустошения всего „резервуара“ $A_{v=2} - B_{v=1} - W_{v=1}$ составляет $\approx 5 \cdot 10^6$ с⁻¹ (константы скорости тушения возбужденных состояний азота в столкновениях с NO приведены в [6, 7]).

Возбуждение газовых смесей осуществлялось электронным пучком со следующими параметрами: плотность тока ≈ 3.5 А/см², энергия быстрых электронов ≈ 170 кэВ, длительность импульса накачки 1.4-1.6 мкс. Активный объем лазера составлял ≈ 0.5 л при длине усиления ≈ 35 см. Резонатор лазера образовывали диэлектрические зеркала с максимальным коэффициентом отражения на $\lambda = 358$ нм и радиусом кривизны 5 м. Энергия генерации измерялась калориметром с чувствительностью 20 мВ/Дж, временные характеристики излучения регистрировались с помощью монохроматора МДР-23, ФЭУ 18 ЭЛУ-ФС и осциллографа С8-12.

Наиболее ярко влияние дезактивации нижнего лазерного уровня проявилось в хорошо известной и наиболее исследованной лазерной